

УДК 620.179.16

С.А. Бабичев, И.Ф. Погребняк, А.В. Шарко

**КОМПЛЕКСНОЕ ИСПОЛЬЗОВАНИЕ  
СЕТИ БАЙЕСА И СИСТЕМЫ НЕЧЕТКОГО  
ЛОГИЧЕСКОГО ВЫВОДА В МОДЕЛИ ОПРЕДЕЛЕНИЯ  
ПРОЧНОСТНЫХ ХАРАКТЕРИСТИК МЕТАЛЛОВ**

*Разработана модель нечеткой системы определения прочностных характеристик металлов при использовании методов неразрушающего контроля, основанная на комплексном использовании сети Байеса и системы нечеткого логического вывода. Представлена база знаний, на основании которой произведена настройка нечеткой системы определения прочностных характеристик металлов.*

**Актуальность темы** определяется необходимостью разработки мероприятий по повышению точности определения прочностных характеристик металлов в процессе их изготовления и эксплуатации методами неразрушающих испытаний. На точность измерений при использовании того или иного метода оказывают влияние различные размерные и технологические факторы. С ростом быстродействия компьютеров и созданием новых современных компьютерных технологий обработка информации появляется возможность создания системы обработки информации, учитывающей степень влияния того или иного фактора на точность измерения физических характеристик, обработка данных в которой осуществляется в режиме реального времени.

Анализ публикаций по обозначенной проблеме [1-5] показывает, что, несмотря на очевидные успехи, достигнутые в данной предметной области, проблема комплексного использования различных методов в системе технической диагностики прочностных характеристик металлов в настоящее время не имеет однозначного решения, поскольку остаётся открытым вопрос оценки коэффициентов значимости отдельных методов в системах технической диагностики прочностных характеристик металлов, поэтому тема статьи является актуальной.

Целью статьи является разработка модели определения прочностных характеристик металлов при комплексном использовании акустического, электромагнитного и безобразцового методов неразрушающего контроля, обработка информации в которой осуществляется при помощи байесовской сети и системы нечеткого логического вывода.

**Изложение основного материала.** На точность определения прочностных характеристик оказывают влияние различные факторы, определяющие погрешность измерения.

Степень влияния факторов различна. Предлагается комплексный учет их влияния, в основу которого положена следующая последовательность мероприятий:

- оценка степени влияния факторов на точность определения выбранным методом неразрушающего контроля при помощи сети Байеса;
- определение коэффициента значимости того или иного фактора;
- определение коэффициентов значимости используемых методов неразрушающего контроля в системе технической диагностики;
- построение нечеткой системы, в которой входными параметрами являются физические характеристики методов неразрушающего контроля, а выходным параметром – прочностные свойства металла.

Теория построения сетей Байеса основывается на предположении, что события являются исчерпывающими и не пересекаются. В этом случае вероятность события  $E$  можно вычислить при помощи условных вероятностей:

$$p(E) = \sum_{i=1}^n p(E \cap H_i) = \sum_{i=1}^n p(E | H_i) \cdot p(H_i). \quad (1)$$

Вероятность пересечения событий  $E$  и  $H$  можно выразить следующим образом:

$$p(E \cap H_k) = p(E | H_k) \cdot p(H_k) = p(H_k | E) \cdot p(E), \quad (2)$$

откуда получаем:

$$p(H_k | E) = \frac{p(E | H_k) \cdot p(H_k)}{p(E)}. \quad (3)$$

С учетом (1) формулу (3) можно представить так:

$$p(H_k | E) = \frac{p(E | H_k) \cdot p(H_k)}{\sum_{i=1}^n p(E | H_i) \cdot p(H_i)}. \quad (4)$$

Для нахождения коэффициентов, определяющих значимость факторов рассчитывались вероятности входных факторов при априори заданной вероятности выходной переменной, и определялся коэффициент максимального изменения вероятностей  $i$ -го параметра:

$$k_i = \frac{P_{i\max} - P_{i\min}}{\sum P}, \quad (5)$$

где  $\sum P$  - сумма значений вероятностей значений  $i$ -го фактора при различных априори заданных значениях выходной переменной.

При помощи данного коэффициента осуществлялась подстройка области определения функций принадлежности нечетких множеств в системе нечеткого логического вывода.

Системы нечеткого логического вывода преобразуют значения входных переменных процесса управления в выходные переменные на основе использования нечетких правил.

Для формирования базы правил необходимо:

- определить множество входных переменных:  $X = \{x_1, x_2, \dots, x_n\}$ ;
- определить множество выходных переменных:  $D = \{d_1, d_2, \dots, d_m\}$ ;
- сформировать базовое терм-множество с соответствующими функциями принадлежности каждого терма:  $A = \{a_1, a_2, \dots, a_i\}$ ;
- сформировать конечное множество нечетких правил, согласованных относительно используемых в них переменных:

$$\bigcup_{k=1}^m \left[ \bigcap_{i=1}^n (x_i = a_i^k), \text{при } \omega_k \right] \rightarrow D = d_k, \quad (6)$$

где  $k = \overline{1, m}$  – количество логических высказываний,  $i = \overline{1, n}$  – число используемых термов.

Функция принадлежности может иметь различную интерпретацию, в том числе, на основе вероятности, где множество  $Q$  описывается интервалом  $(\gamma_1, \gamma_2)$ : если объект  $x > \gamma_1$  и  $x < \gamma_2$ , то  $x \in Q$ . Если  $\gamma_1$  и  $\gamma_2$  - случайные величины, то  $Q$  является нечетким множеством, т.к. имеются объекты, относительно которых нельзя однозначно утверждать, принадлежат ли они множеству  $Q$ . При

вероятностной интерпретации функции принадлежности  $\mu_{\tilde{Q}}(x) = P(x \in Q)$ . С учетом введенных обозначений  $\mu_{\tilde{Q}}(x) = P(\gamma_1 < x < \gamma_2)$ . При независимости случайных величин  $\gamma_1$  и  $\gamma_2$  имеем  $\mu_{\tilde{Q}}(x) = P(x > \gamma_1)P(x < \gamma_2)$ . Пусть  $f_1(\gamma_1)$  и  $f_2(\gamma_2)$  - функции плотности вероятности для нижнего и верхнего порогов величин  $\gamma_1$  и  $\gamma_2$  соответственно. Обозначив  $\int_{-\infty}^x f_1(\gamma) d\gamma$  через  $F_1(x)$ , а  $\int_{-\infty}^x f_2(\gamma) d\gamma$  через  $F_2(x)$ , где  $F_1(x) = P(\gamma_1 < x)$ , имеем  $\mu_{\tilde{Q}}(x) = F_1(x)[1 - F_2(x)]$ . Таким образом, определять функцию принадлежности можно не только с помощью процедур непосредственного опроса экспертов, но и на основе функции распределения  $F_1(x)$  и  $F_2(x)$  (рис. 1).

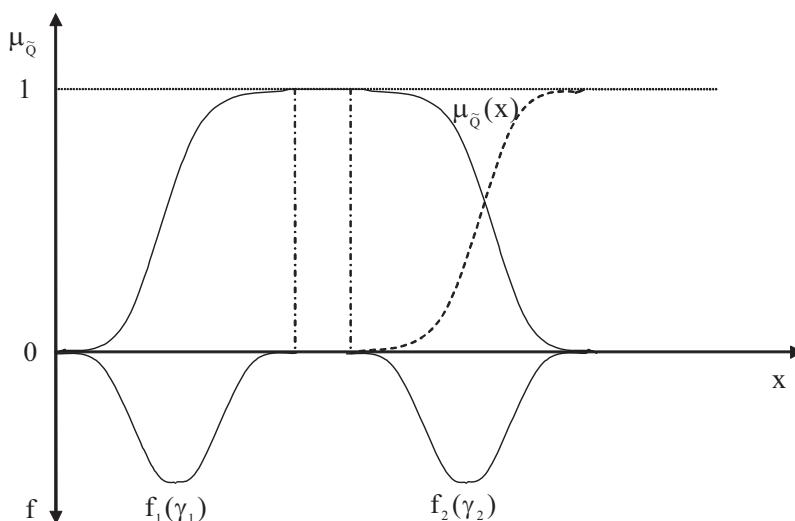


Рис.1. Процедура построения функции принадлежности путем представления от плотности вероятности

В процессе проведения исследований использовались акустический метод, основанный на анализе скорости ультразвука, электромагнитный, основанный на анализе коордитивной силы и безобразцовый, основанный на установлении корреляционной зависимости между отпечатком индентора (пирамиды Виккерса, Роквелла, Бринеля) и прочностными свойствами. Рассмотрены следующие факторы:

- S – аппаратурная погрешность;
- KP – конфигурация поверхности;
- Q – добротность колебательной системы;
- HS – химический состав контролируемого изделия;
- Tз – температура закалки;

- $T_o$  – температура отпуска.
- $PM$  – погрешность метода.

Аппаратурная погрешность определялась по независимым измерениям на одном и том же образце. Расчеты показали, что относительное изменение скорости ультразвука составило  $\frac{\Delta C}{C} = 0,09\%$ , относительное изменение коэрцитивной силы  $\frac{\Delta Hc}{Hc} = 0,18\%$ , относительное изменение твердости  $\frac{\Delta HB}{HB} = 0,45\%$ .

На начальном этапе установлен диапазон изменения того или иного параметра, дана оценка чувствительности метода к исследуемому фактору, после чего заданный диапазон был разбит на соответствующие поддиапазоны

Аналогичным образом производилась дискретизация диапазонов изменений качества обработки поверхности контроля  $KP$ , добротности  $Q$ , химического состава  $HS$ , температуры закалки  $T_z$ , температуры отпуска  $T_o$  и погрешности метода  $PM$ , связанные с необходимостью проведения большого количества измерений с целью минимизации влияния структуры на точность измерений.

Для построения структуры связей байесовской сети был построен граф взаимного влияния размерных и технологических факторов и измеряемых физических характеристик (рис. 2).

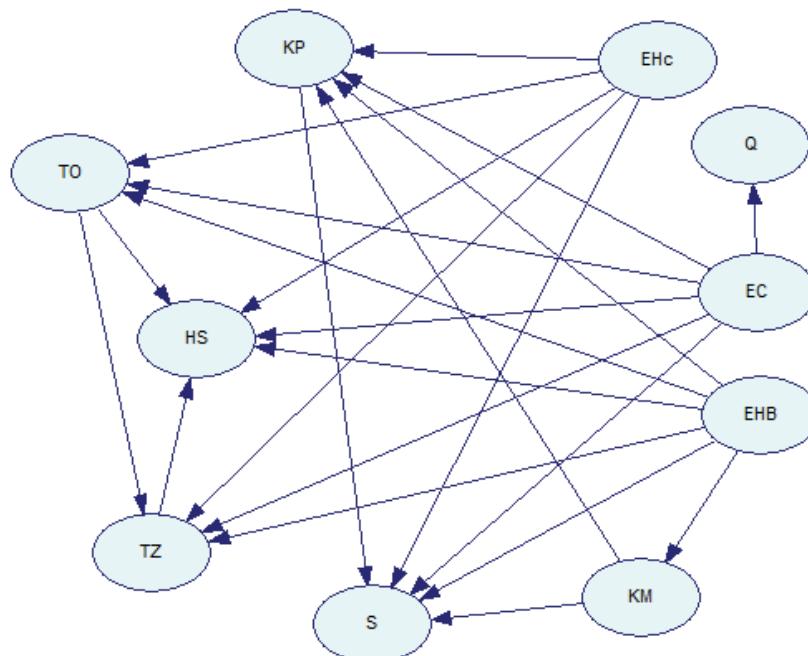


Рис. 2. Структура связей сети Байеса

Распределение вероятностей сопутствующих факторов при крайних значениях изменения скорости ультразвука (EC), коэрцитивной силы (EHс) и твердости (EHB) представлено в таблицах 1,2 и 3.

Таблица 1

Распределения вероятностей влияния сопутствующих факторов на относительное изменение скорости ультразвука

<u>EC = 0% - 0,30%</u>						<u>EC = 1,21% - 1,50%</u>							
	S	Q	KP	HS	TЗ	TO		S	Q	KP	HS	TЗ	TO
N	10	1	18	88	87	88	1	98	98	67	1	1	
S	17	1	18	10	10	9	1	1	1	23	1	2	
V	73	98	64	2	3	3	99	1	1	10	98	97	

Таблица 2

Распределения вероятностей влияния сопутствующих факторов на относительное изменение коэрцитивной силы

<u>EHс = 0% - 0,50%</u>					<u>EHс = 3,00% - 3,50%</u>							
	S	KP	HS	TЗ	TO		S	KP	HS	TЗ	TO	
N	15	32	98	74	77	6	47	1	29	23		
S	24	12	1	4	6	10	15	1	7	8		
V	61	56	1	22	17	84	38	98	64	69		

Таблица 3

Распределения вероятностей влияния сопутствующих факторов на относительное изменение твердости

<u>EHB = 0% - 0,8%</u>						<u>EHB = 4% - 4,6%</u>							
	S	KP	HS	TЗ	TO	KM	S	KP	HS	TЗ	TO	KM	
N	7	1	67	97	96	8	28	96	33	1	1	92	
S	12	2	12	1	2	4	33	2	13	1	2	3	
V	81	97	21	2	2	88	39	2	54	98	97	5	

Среднее значение коэффициентов максимального изменения вероятности влияния соответствующего параметра на измеряемую физическую характеристику рассчитывалось по формуле (5).

Среднее значение коэффициентов, определяющих чувствительность используемого метода к варьированию влияющих факторов следующее:

- для акустического метода  $k_1 = 0,65$ .
- для электромагнитного метода  $k_2 = 0,45$ .
- для безобразцового метода  $k_3 = 0,73$ .

Полученные коэффициенты использованы в качестве подстроек в системе нечеткого логического вывода при определении прочностных характеристик металла.

Построение нечеткой модели оценивания прочностных характеристик металла осуществлялось при помощи пакета Fuzzy Logic Toolbox системы MATLAB. В процессе настройки системы использовались для входных параметров гауссовые функции принадлежности нечетких множеств.

Для выходных параметров использовались треугольные функции принадлежности нечетких множеств.

Для перехода от нечеткой базы знаний к системе нечетких логических уравнений введём следующие обозначения:

$\mu_{a_i^k}(x_i)$  – функция принадлежности переменной  $x_i$  к лингвистическому терму  $a_i^k$ , где  $i = 1, \dots, n$  – количество используемых термов,  $k = 1, \dots, m$  – количество используемых правил;  $\mu^{d_k}(x_1, x_2, \dots, x_n)$  – функция принадлежности вектора параметров  $(x_1, x_2, \dots, x_n)$  к выходной переменной  $d_k$ . Формализация входных параметров и выходной характеристики в лингвистические переменные представлена в таблице 4.

Таблица 4.  
Формализация входных параметров и  
выходной характеристики в лингвистические переменные

Входные параметры и выходная характеристика	Границы изменения	Термы лингвистической оценки
$\Delta C/C, \%$	0-2	0-0,5 – «Н»(низкий), 0,6-1,4 – «С»(средний), 1,5-2 – «В»(высокий)
$\Delta H_c/H_c, \%$	0-4	0-1,2 – «Н»(низкий), 1,3-2,7 – «С»(средний), 2,8-4 – «В»(высокий)
$\Delta H_B/H_B, \%$	0-5	0-1,5 – «Н»(низкий), 1,6-3,4 – «С»(средний), 3,5-5 – «В»(высокий)
$\sigma_B, \text{МПа}$	900-1650	900-1050 – «ОН»(очень низкий), 1051-1200 – «Н»(низкий), 1201-1350 – «С»(средний), 1351-1500 – «В»(высокий), 1501-1650 – «ОВ»(очень высокий)

Используя операции  $\wedge(\min)$  и  $\vee(\max)$ , получены нечеткие логические уравнения, связывающие функции принадлежности входных и выходных переменных.

Результаты работы системы при варьировании входных параметров представлены в таблице 5.

Таблица 5

Результаты работы нечеткой системы  
определения прочностных характеристик металлов

$\frac{\Delta C}{C}$ , %	$\frac{\Delta Hc}{Hc}$ , %	$\frac{\Delta HB}{HB}$ , %	$\sigma_B$ , МПа
1	0,2	0,4	0,5
2	0,6	1,2	1380
3	1,0	2,0	1260
4	1,4	2,8	1170
5	1,8	3,6	975
6	0,2	3,6	1200
7	1,8	0,4	1280
8	0,2	0,4	1350
9	1,5	3,5	1130
10	1,5	3,5	1200

В результате последующих разрывных испытаний исследуемых образцов доказано, что комплексное использование различных методов понижает чувствительность системы к ошибке одного из методов.

**Выводы.** Разработана модель нечеткой системы определения прочностных характеристик металлов, основанная на комплексном использовании сети Байеса и системы нечеткого логического вывода. Разработана база данных, на основании которой определяется структура взаимосвязей сети Байеса и априорное вычисление вероятностей значений взаимодействующих факторов. Получены вероятностные характеристики определяющих факторов, позволяющие предсказать характер влияния каждого фактора. Рассчитаны коэффициенты чувствительности соответствующего метода, которые использовались для корректировки области определения функций принадлежности в системе нечеткого логического вывода при определении прочностных характеристик металлов. Доказано, что комплексное использование различных методов понижает чувствительность системы к ошибке одного из методов.

## ЛИТЕРАТУРА

- Карпаш М.О., Кисіль І.С., Карпаш О.М., Молодецький І.А. Застосування комплексного підходу до визначення фізико-механічних характеристик нафтогазового обладнання // Техническая диагностика и неразрушающий контроль.- 2006.- №2.- С. 49 – 52.

2. Варфоломеев А.Ю., Микулович А.В., Микулович В.И., Шнитко В.Т. Автоматизированная система диагностики промышленного оборудования // Техническая диагностика и неразрушающий контроль.- 2006.- №4.- С. 8 – 14.
3. Бабичев С.А. Разработка автоматизированной системы технической диагностики прочностных характеристик металлов // Вестник Херсонского государственного технического университета.- 2003.- №18.- С. 154–162.
4. Бабичев С.А., Литвиненко В.И., Шарко А.В. Автоматизированная система технической диагностики прочностных характеристик металлов на основе гибридных нейронных сетей // Техническая диагностика и неразрушающий контроль.- 2004.- №4.- С. 5 – 10.
5. Лебедев А.А., Левитан Л.Я., Шарко А.В. Оценка влияния химического состава на результаты измерений механических свойств стали 40Х акустическим методом // М.: Дефектоскопия.- 1979.- №3.- С. 107-109.