

УДК 519.711

О.М. Швец

**КЛАССИФИКАЦИЯ ОБЪЕКТОВ ПО ЧАСТОТНОМУ СПЕКТРУ  
НА ОСНОВЕ АДАПТИВНОЙ БАЗЫ  
НЕЧЕТКО-СТАТИСТИЧЕСКИХ ПРАВИЛ**

*Разработана экспертная система классификации объектов по данным их частотного спектра. Система основана на базе нечетко-статистических правил и методе нечеткого управления. Нечеткая составляющая отражает знания эксперта, а статистическая – данные о фактическом состоянии объектов. Приведен пример решения задачи диагностики электродвигателей в условиях рабочей нагрузки.*

*Ключевые слова:* нечетко-статистический, классификация, частотный спектр, адаптивный.

**Введение**

В работе представлена экспертная система (ЭС) классификации объектов по данным их частотного спектра. Основой ЭС является база нечетко-статистических правил (БНСП) [1] и метод нечеткого управления [2]. Нечеткая компонента БНСП отражает субъективные знания эксперта о частотном спектре объектов. Статистическая составляющая БНСП отображает фактический частотный спектр эталонных объектов классификации и формируется автоматически в процессе адаптации ЭС.

Пусть задано множество исследуемых объектов  $B = \{b_j\}, j = \overline{1, N_B}$  и множество классов исследуемых объектов  $C = \{c_l\}, l = \overline{1, N_C}$ . Предлагаемая ЭС определяет степени принадлежности объекта к каждому из классов. Обозначим через  $S_j^l \in [0,1]$  степень принадлежности объекта  $b_j$  классу  $c_l$ . Для формирования базы нечетких правил используется множество обучающих объектов  $P = \{p_a\}, a = \overline{1, N_p}, P \subset B$ . Объект  $b_j$  может быть использован в качестве обучающего объекта  $p_a$ , если эксперт установил его степень принадлежности к одному из классов  $c_l, l = g$  равной единице, а к

остальным классам – ноль:  $S_j^l = \begin{cases} 1, & l = g \\ 0, & l \neq g \end{cases}$ . Принадлежность обучающего объекта  $p_a$  к классу  $c_l$  обозначим через  $p_a := c_l$ .

### Структура экспертной системы

На рис. 1 представлена структура экспертной системы нечетко-статистической классификации объектов по частотному спектру.

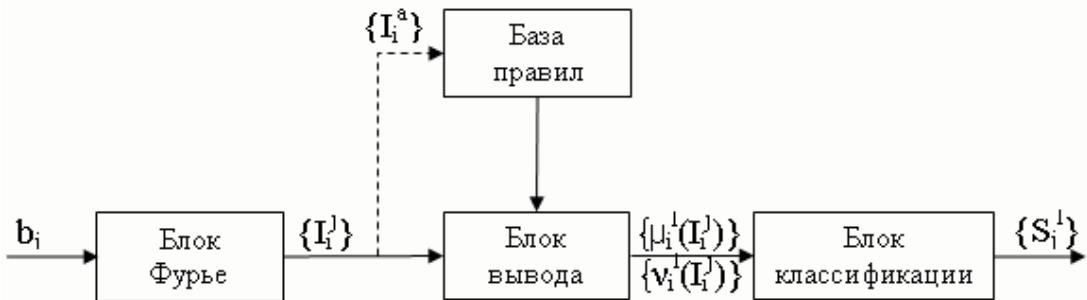


Рисунок 1 - Структура экспертной системы классификации объектов по частотному спектру на основе адаптивной базы нечетко-статистических правил

Снятый с объекта сигнал подается на АЦП для дискретизации. Частотный спектр сигнала объекта получается посредством быстрого преобразования Фурье (БПФ) [3]. Результатом БПФ является представление объекта множеством гармоник  $H = \{h_i\}, i = \overline{1, N_H}$  преобразования Фурье. Частотное разрешение гармоник  $\Delta f$  при этом составляет  $\Delta f = \frac{f_{\max}}{N_h}$  Гц, где  $f_{\max}$  – максимальная частота спектра дискретизированного сигнала исследуемого объекта. Частота  $h_i$  гармоники равна  $f_i = i * \Delta f, i = \overline{1, N_H}$  Гц. Каждая гармоника в множестве  $\{h_i\}$  представляется парой коэффициентов  $(Re_i, Im_i), i = \overline{1, N_H}$ . Для каждой гармоники преобразования Фурье вычисляется интенсивность частоты  $I_i$  согласно

$$I_i = \sqrt{Re_i^2 + Im_i^2}, i = \overline{1, N_H}. \quad (1)$$

Для построения базы правил ЭС был использован метод нечеткого управления Такаги-Сугено [2] и метод нечетко-статистического управления (НСУ) [1]. В рамках метода НСУ для вычисления принадлежности входной величины нечеткому множеству используется функция плотности  $v$ , построенная на основе обработки статистических данных входной величины.

Для каждого класса  $c_l$  существует свое правило, определяющее степень принадлежности объекта  $b_j$  к классу  $c_l$ . Правила представлены в следующем виде:

$$\begin{aligned} R^{(l)} : & IF\left(\left(I_1^j \text{ is } I_1^l\right) AND \left(I_2^j \text{ is } I_2^l\right) ... AND \left(I_{N_H}^j \text{ is } I_{N_H}^l\right)\right) \\ & THEN \quad S_j^l = f^{(l)}\left(\{\mu_i^l(I_i^j)\}, \{\nu_i^l(I_i^j)\}\right), \quad i = \overline{1, N_H}, \end{aligned} \quad (2)$$

где  $I_i^l$  - нечеткое множество интенсивности  $i$ -ой гармоники  $l$ -го класса объектов, представленное функцией принадлежности  $\mu_i^l$  и функцией плотности  $\nu_i^l$  (5);  $f^{(l)}$  - функция вычисления значения степени принадлежности  $S_j^l$  объекта  $b_j$  к классу  $c_l$ .

Для формирования БНСП необходимо задать функции  $\mu_i^l$  и  $\nu_i^l$   $l = \overline{1, N_C}, i = \overline{1, N_H}$ . Функции  $\mu_i^l$  определяются экспертом субъективно на основании его знаний о частотном спектре исследуемых объектов. Для определения функций  $\nu_i^l$  ЭС должна быть обучена на множестве обучающих объектов  $P$ . Частотный спектр каждого обучающего объекта  $p_a$  представляется множеством интенсивностей гармоник  $\{I_i^a\}, i = \overline{1, N_H}$ . Диапазон фактических значений  $I_i^a$  разбивается на  $N_T^l$  равных интервалов. Каждый обучающий объект  $p_a$  принадлежит некоторому классу объектов  $c_l$ . В свою очередь, каждому  $c_l$  соответствует свое значение числа интервалов  $N_T^l, l = \overline{1, N_C}$ . Шаг разбиения значений  $i$ -ой интенсивности гармоник  $I_i^a$  для класса объектов  $c_l$  обозначим  $\Delta T_i^l$  и будем вычислять согласно

$$\Delta T_i^l = \frac{\left(\max\left(I_i^a\right) - \min\left(I_i^a\right)\right)}{N_T^l}, \quad (i = \overline{1, N_H}; l = \overline{1, N_C}; \forall a, p_a := c_l). \quad (3)$$

Обозначим через  $T_{i,q}^l$   $q$ -ый интервал значений  $i$ -ой гармоники  $l$ -го класса объектов согласно

$$T_{i,q}^l = \left((q-1)*\Delta T_i^l; q * \Delta T_i^l\right] q = \overline{1, N_T^l}. \quad (4)$$

Плотность значений  $i$ -ой гармоники класса  $c_l$  задается при помощи функции плотности  $\nu_i^l(I_i^j) : R_+ \rightarrow [0,1]$ , где  $I_i^j$  - величина интенсивности  $i$ -ой гармоники объекта  $b_j$ . Форма функции  $\nu_i^l$  задается в процессе «обучения» экспертной системы на множестве

$P = \{p_a\}, a = \overline{1, N_p}$ . Значения функции  $\nu_i^l$  определяются следующим образом:

$$\nu_i^l(I_i) = \frac{\sum_a W_{i,q}^l(I_i^a)}{\max_q \sum_a W_{i,q}^l(I_i^a)}, \quad (5)$$

где  $q$  выбирается из условия  $I_i \in T_{i,q}^l$ ,  $W_{i,q}^l(I_i)$  - функция принадлежности интенсивности  $I_i^a$  к интервалу  $T_{i,q}^l$ .  $W_{i,q}^l$  определяется согласно:

$$W_{i,q}^l(I_i) = \begin{cases} 1, & I_i \in T_{i,q}^l \\ 0, & I_i \notin T_{i,q}^l \end{cases}. \quad (6)$$

На вход блока вывода подается множество интенсивностей гармоник  $\{I_i^j\}$  объекта  $b_j$ . Процесс вывода использует базу нечетких правил (2), что позволяет учитывать как субъективную экспертную оценку (функции  $\mu_i^l$ ) так и накопленные в процессе обучения ЭС данные статистики (функции  $\nu_i^l$ ). Степень принадлежности  $i$ -ой гармоники объекта  $b_j$   $l$ -му классу определяется при вычислении значений функций принадлежности  $\mu_i^l(I_i^j)$  и функций плотности  $\nu_i^l(I_i^j)$   $l = \overline{1, N_C}, i = \overline{1, N_H}$ .

Задачей блока классификации является вычисление значений степеней принадлежности  $S_j^l$  объекта  $b_j$  к каждому из классов  $c_l$ . В качестве входных данных для этого используются множества значений  $\{\mu_i^l(I_i^j)\}$  и  $\{\nu_i^l(I_i^j)\}$ . При вычислении  $S_j^l$  также используется множество  $\{G_i^l\}$ , где  $G_i^l$  - значение центра интенсивности  $i$ -ой гармоники  $l$ -го класса объектов, вычисленное согласно

$$G_i^l = (q - 0,5) * \Delta T_i^l, \quad (7)$$

где значение  $q$  выбирается из условия  $\sum_a W_{i,q}^l(I_i^a) \rightarrow \max$ . Значения степеней принадлежности  $S_j^l$  вычисляются согласно

$$S_j^l = \frac{\sum_i \mu_i^l(I_i^j) * \nu_i^l(I_i^j) * G_i^l}{\sum_i G_i^l}. \quad (8)$$

### Пример использования экспертной системы

Представленная ЭС классификации объектов по частотному спектру на основе адаптивной БНСП была использована для разработки программно-аппаратного комплекса диагностики электродвигателей (ЭД). Проводилась диагностика ЭД постоянного тока железнодорожных стрелочных переводов моделей ДП 0.18, ДП 0.25, МСП 0.15 и МСП 0.25. В работе [4] были исследованы альтернативные подходы к решению задачи диагностики электродвигателей методами нейронно-сетевого моделирования.

Установлено, что возникновение каждого вида неисправности приводит к появлению в спектре тока двигателя новых гармоник определенной частоты и интенсивности. Ток двигателя в режиме рабочей нагрузки подавался на АЦП: частота дискретизации составляла  $f_d = 11025$  Гц, разрядность выборки - 16 бит. С целью дальнейшей программной обработки полученная последовательность дискретных значений записывалась в wav-файлы, соответствующие стандарту файлов uncompressed Microsoft PCM audio. Согласно теореме Найквиста-Котельникова максимальная частота спектра  $f_{\max}$  после дискретизации аналогового сигнала составила  $f_{\max} = 0,5 * f_d = 5512,5$  Гц, что оказалось достаточным для отражения физических процессов в двигателе. Частотный спектр тока двигателя был получен с использованием БПФ. Размер блока БПФ  $F_s$  выбирался равным  $F_s = 512$ . В результате обработки ток двигателя был представлен множеством гармоник преобразования Фурье:  $H = \{h_i\}, i = \overline{1, N_h}$ , где  $N_h = 0,5 * F_s = 256$ . Частотное разрешение гармоник спектра  $\Delta f$  при этом составило  $\Delta f = \frac{f_{\max}}{N_h} \approx 21,5$  Гц. Для каждой гармоники преобразования Фурье вычислялась интенсивность частоты  $I_i$  согласно (1).

Задача выявления неисправностей в различных моделях ЭД стрелочных переводов потребовала создания отдельной БНСП для каждой из моделей. Разработанное приложение позволяет осуществлять групповую диагностику множества ЭД заданной модели, используя wav-файлы рабочего тока исследуемых двигателей. Для этого пользователь должен задать модель ЭД и путь к папке, содержащей wav-файлы. Внешний вид окна разработанного

приложения и пример результатов диагностики ЭД постоянного тока железнодорожных стрелочных переводов модели МСП 0.25 по станции Днепропетровск представлены на рис 2.

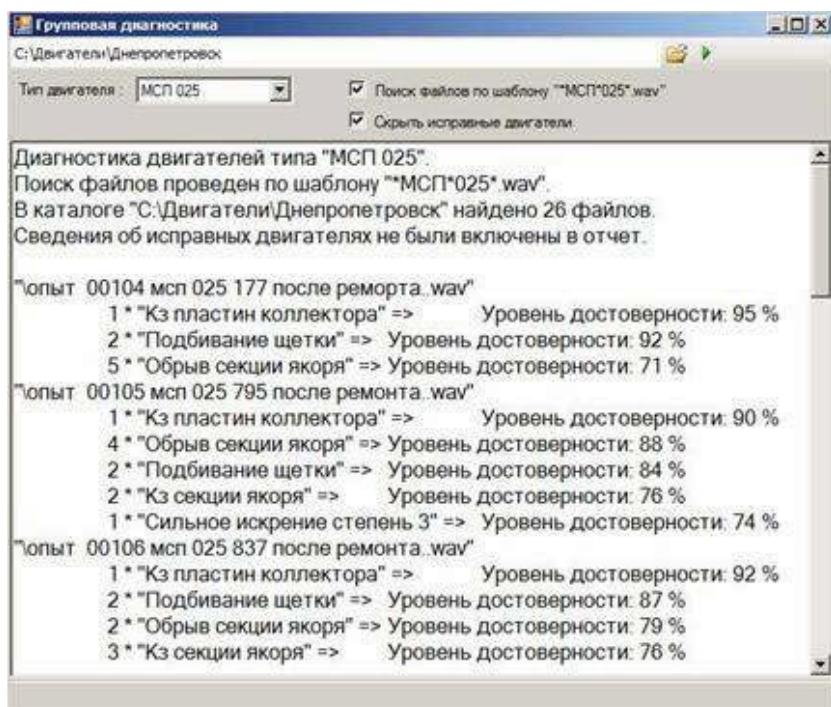


Рисунок 2 - Окно модуля групповой диагностики электродвигателей

Использование ЭС нечетко-статистической классификации по частотному спектру для решения задачи диагностики электродвигателей постоянного тока железнодорожных стрелочных переводов позволяет обнаруживать одновременно нескольких видов неисправностей в ЭД, которые имеют место с различной степенью принадлежности. Диагностика ЭД производится в режиме рабочей нагрузки.

### Выводы

Представленная экспертная система классификации объектов по данным их частотного спектра основана на методе нечетко-статистического управления, что позволяет использовать совместно знания эксперта и данные статистики. Автоматизированная адаптация базы правил ЭС осуществляется в процессе ее обучения на множестве эталонных объектов. Работоспособность ЭС подтверждена при решении задачи диагностики электродвигателей.

## ЛИТЕРАТУРА

1. Скалозуб В.В. Метод и информационные технологии нечетко-статистического управления. «Системні технології», 1' (50), 2008. С. 120 – 127.
2. Рутковская Д., Пилиньский М., Рутковский Л. Нейронные сети, генетические алгоритмы и нечеткие системы. – М.: Горячая линия – Телеком, 2006.
3. Нуссбаумер Г. Быстрое преобразование Фурье и алгоритмы вычисления сверток. Пер. с англ. – М.: Радио и связь, 1985.
4. Скалозуб В.В., Швец О.М. Нейросетевые модели диагностики электродвигателей постоянного тока // Інформаційно-керуючі системи на залізничному транспорті. – 2009. – №4. – С. 7-11.