

Ю.А. Водолазский, А.И. Михалев, А.П. Клименко

## МУЛЬТИФРАКТАЛЬНЫЙ АНАЛИЗ МИКРОШЛИФОВ КОЛЁСНЫХ СТАЛЕЙ

*Аннотация. В работе вычислены мультифрактальные параметры серии микрошлифов колёсных сталей. Исследована взаимосвязь между структурой (мультифрактальные параметры) и свойствами сталей (твёрдость).*

*Ключевые слова:* металловедение, фрактальная геометрия, мультифрактал, размерности Ренни.

### Введение

Установление связей в цепи “состав - структура - свойство” металлических материалов является важнейшей задачей металловедения. Однако, несмотря на накопленный большой экспериментальный материал по исследованию влияния структуры на свойства, соотношения, выявляемые между свойствами и структурными характеристиками, в подавляющем большинстве случаев носят качественный характер.

В свою очередь классической является задача прогнозирования механических свойств стали по её фактическому химическому составу и данным металлографического анализа, который позволяет определить: размер зерна и его статистические характеристики (среднеквадратичное отклонение, асимметрия, эксцесс); долю избыточного феррита; балл пластинчатого перлита (средневзвешенный); долю бейнитной фазы и общую долю загрязненности неметаллическими включениями.

В данной работе предлагается вместо классического металлографического анализа использовать аппарат фрактальной геометрии для вычисления численных параметров (спектра мультифрактальных размерностей [1]), на основе которых предлагается прогнозировать механические свойства изучаемых материалов.

### Анализ публикаций

В работе [2] рассматривается изучение фундаментальных механических свойств материалов, в том числе, и с помощью теории

© Водолазский Ю.А., Михалев А.И., Клименко А.П., 2009

фракталов. Моделированию металлических материалов с помощью фрактальных структур посвящена работа [3]. Использование мультифрактального анализа и определение численных параметров структур металлов и других материалов рассматривается в работах [4-6].

### Постановка задачи

1. Определить с использованием мультифрактального анализа количественные параметры изображений микрошлифов образцов колесных сталей, из которых изготавливали колеса в серийном производстве.
2. Проанализировать взаимосвязь найденных мультифрактальных параметров с технологическими параметрами соответствующих образцов сталей.

### Мультифрактальный анализ микрошлифов

Мультифрактальный анализ заключается в вычислении спектра размерности Ренни и мультифрактального спектра, а также проверке их корректности [1, 4-6]. Расчеты проводились с помощью авторского программного обеспечения MFMet [5,6].

### Исходные данные

Обрабатывалось 96 образцов, соответствующих колесам различных типоразмеров и составов стали. В таблице 1 приведены интервалы варьирования содержания химических элементов (C, Mn, Si) и твёрдости, измерение которой проводилось в лабораторных условиях по шкале Бринелля на приборе ТШ-2М.

Таблица 1

Химические и технологические параметры исследуемых образцов

	C, %	Mn, %	Si, %	Твёрдость, НВ
Min	0,46	0,62	0,27	255
Max	0,68	0,81	0,41	345

Цифровые изображения поверхностей колёсных сталей, используемые для **анализа**, снимались в светлом поле зрения с использованием световых металлографических микроскопов “Epiqwant” и “Neofot-21”, модернизированных посредством установки цифровой видеокамеры «Panasonic NV-CS1» подключенной к компьютерному комплексу. Шлифы изготавливались по стандартной методике. Травление каждого образца производилось по отдельности и в новой пор-

ции травителя. Применяемые увеличения при световой микроскопии  $\times 500$ ,  $\times 1000$  крат.

#### Предварительная обработка изображений

Используемое программное обеспечение (MFMet) анализирует только бинарные изображения, поэтому необходима предварительная обработка цветных (яркостных) изображений, получаемых на микроскопе. Бинаризация с использованием порога яркости даёт много шумов и плохо выделяет границы зёрен (рисунок 1), что вносит погрешности в расчёты.

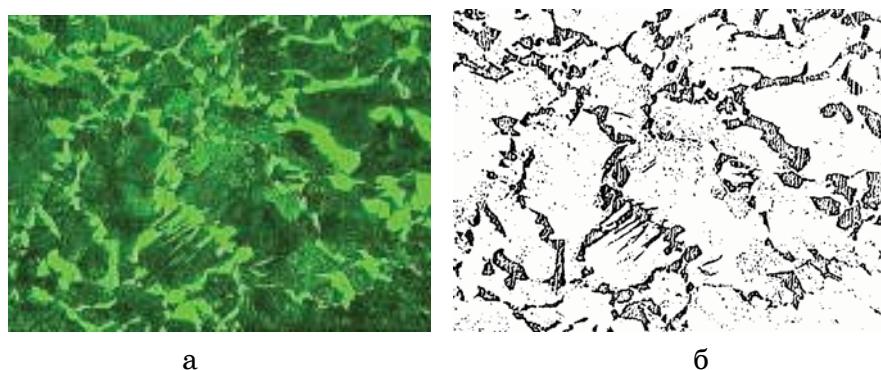


Рисунок 1 – Бинаризация с помощью порога яркости.

а – исходное изображение, б – бинарное

Предлагается получать бинарные изображения с помощью выделения границ зёрен по градиенту яркости с использованием различных фильтров, например Гаусса, Превита и Собеля (рисунок 2).

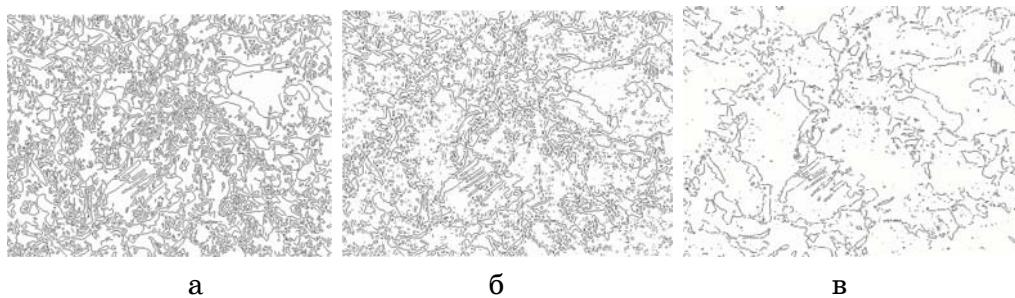


Рисунок 2 – Бинаризация выделением контрастных границ с помощью фильтров Гаусса (а), Превита (б) и Собеля (в)

Параметры фильтров подбирались таким образом, чтобы полученное изображение наиболее чётко отображало исходную структуру микрошлифа и содержало минимальное количество шума. В большинстве случаев это был фильтр Собеля с адаптивной настройкой параметров.

## Оценивание результатов мультифрактального анализа

Для каждого изображения были рассчитаны мультифрактальный спектр и спектр размерностей Ренни [1, 4, 5]. Таким образом, для каждого изображения, а соответственно и для связанного с ним образца стали, получен целый ряд количественных характеристик, отражающих сложную, иррегулярную, самоподобную структуру его поверхности. При этом наиболее важными характеристиками выявились фрактальная, информационная, корреляционная размерности, оценки однородности и упорядоченности [4].

Значение твёрдости в исследуемой выборке принимало 12 значений от 255 НВ до 345 НВ. Изображения были разбиты на группы с одинаковыми значениями твёрдости соответствующих им образцов стали (см. таблицу 2).

Таблица 2  
Группирование микрошлифов по значению твёрдости

Твёрдость, НВ	255	260	266	272	278	283	285	290	292	293	298	345
Количество микрошлифов	2	23	8	20	4	2	14	3	10	3	5	2

Ниже приведены графики для оценки упорядоченности  $d = D_1 - D_{qMax}$  (далее, mf-параметр). Анализ этого параметра показал, что его значения уменьшаются с увеличением твёрдости.

На рис. 3 приведены параметры распределения оценки упорядоченности для каждого значения твёрдости. В качестве центра распределения использовалась медиана, так как она более устойчива к выбросам, которые присутствуют в исходной выборке. По той же причине вместо дисперсии для оценивания разброса распределения в группе использовался интерквартильный размах.

Из рисунка 3 видно, что изображения, относящиеся к одной группе, имеют, как правило, близкие значения mf-параметров. К тому же, средние значения mf-параметра изменяются с изменением твёрдости так, что прослеживается линейная зависимость.

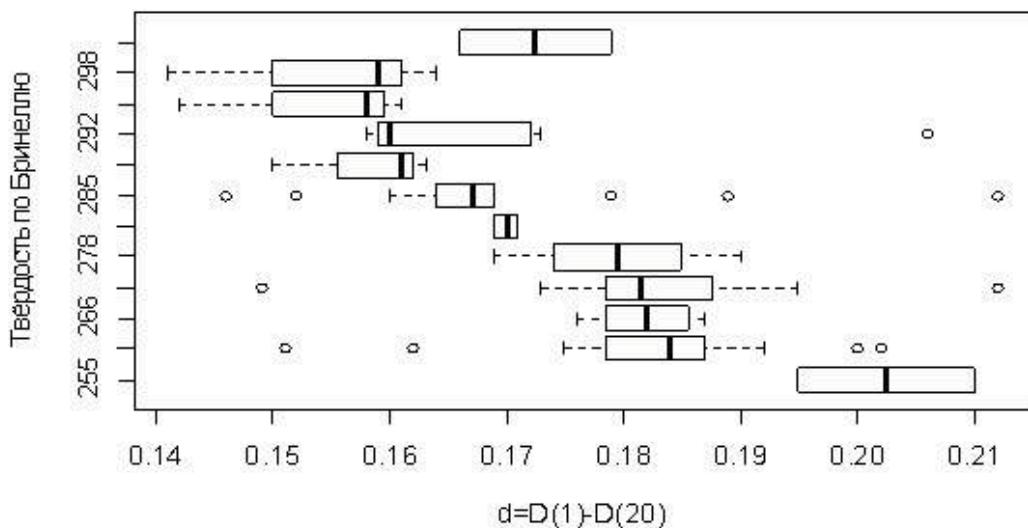


Рисунок 3 – Распределение мультифрактального параметра (оценка однородности) по значениям твёрдости. Прямоугольник показывает интерквартильный размах (IQR), вертикальная линия внутри прямоугольника – медиана, «усы» – точки, удалённые на полтора IQR. Отдельными точками показаны выбросы

Анализ распределений mf-параметра в группах позволил локализовать 12 выбросов, что составляет 12,5% от объёма исследуемой выборки. Наличие таких отклонений от основной массы измерений в отдельных случаях объясняются нечёткостью соответствующих им снимков или присутствию артефактов на поверхности микрошлифа. Полное же объяснение всех выбросов требует дополнительных исследований. Тем не менее, в данной работе все заключения о поведении mf-параметра сделаны, основываясь на выборке без учёта выбросов, которая приведена на рисунке 4.б. Поведение mf-параметра, соответствующее диапазону твёрдости 255 – 298 (НВ), можно описать линейной зависимостью. Коэффициент корреляции Пирсона между исследуемыми параметрами составляет  $-0,84$ , 95%-доверительный интервал  $[-0.89, -0.76]$ , что и подтверждает линейность зависимости между mf-параметром и твёрдостью. Это позволяет прогнозировать твёрдость стали в диапазоне 255 – 298 (НВ), измеряя mf-параметр по цифровому изображению микрошлифа.

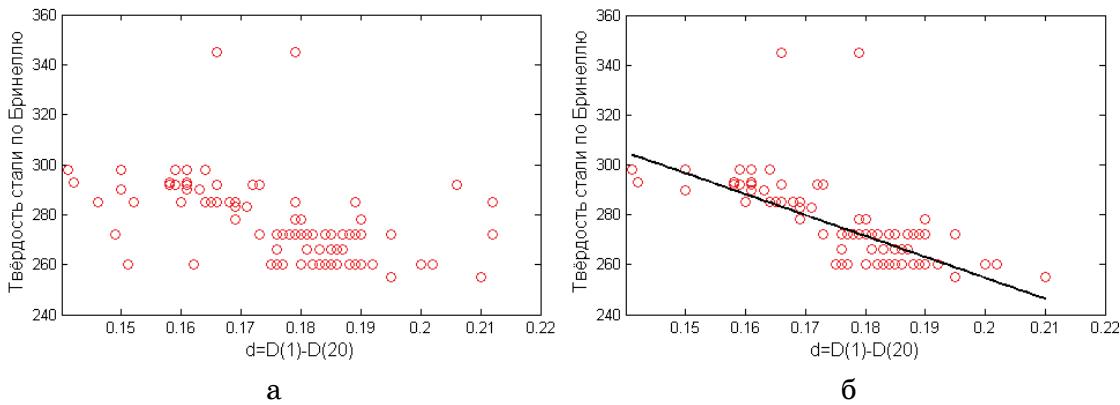


Рисунок 4 – Зависимость твёрдости образца микрошлифа от оценки однородности изображения его поверхности: а – исходная выборка, б – значения после удаления выбросов

### Выводы

Для исследуемого набора микрошлифов колёсных сталей была изучена связь между мультифрактальным параметром, характеризующим структуру стали и её важнейшим механическим свойством – твёрдостью. Исследуемая выборка показала наличие линейной зависимости, что подтверждается проведённым корреляционным анализом. Это позволяет прогнозировать, в исследуемом диапазоне, значение твёрдости стали, основываясь только на расчёте мультифрактального параметра (оценки однородности) цифрового изображения микрошлифа.

### ЛИТЕРАТУРА

1. Harte D. Multifractals: theory and applications. – Boca Raton, Florida: Chapman & Hall/CRC, 2001.
2. Иванова В.С. Синергетика. Прочность и разрушение металлических материалов. – М.: Наука, 1992.
3. Помулев В.В. Разработка моделей фрактальных структур металлических материалов: дисс. канд. техн. наук: 01.05.02 / Помулев Валерий Валериевич – Днепропетровск, 2005.
4. Встовский Г.В., Колмаков А.Г., Бунин И.Ж. Введение в мультифрактальную параметризацию структур материалов. Монография. – М.: Ижевск, 2001.
5. Оценка параметров мультифрактальных моделей металлографических изображений / Михалев А.И., Деревянко А.И., Водолазский Ю.А., Помулев В.В. – Современные проблемы металлургии. – Том 7, 2004. – С. 140-148.

6. Михалев А.И., Водолазский Ю.А. Мультифрактальный анализ в задачах оценивания качества медных покрытий // Нові Технології. – 2(12). – Кременчук: КУЕІТУ, 2006. – С. 184-188.
7. Водолазский Ю.А., Михалёв А.И., Лихоузова Т.А. Метод максимумов вейвлет преобразования в задачах анализа поверхностей материалов // Системні технології. Регіональний міжвузівський збірник наукових праць. – Випуск 6 (59) . – Дніпропетровськ, 2008. – С. 36-42.
8. Михальов О.І., Водолазъкий Ю.О. Вейвлет-мультифрактальний аналіз складних зображень // Вісник ВПІ. – Випуск 2. – Вінниця, 2009. – С. 84-87.