

5. Слюсаренко В.И., Яровая Т.П. Геометрическое реконструирование памятников архитектуры, содержащих ряд поверхностей вращения, по их фотоснимку // Геометричне та комп'ютерне моделювання: енергозбереження, екологія, дизайн. – К.: ВГО Українська асоціація з прикладної геометрії, 2005. - С. 121-124.

Получено 13.03.2006 г.

УДК

П.А.Стеблянко

ПРИМЕНЕНИЕ ДВУХМЕРНОГО КУБИЧЕСКОГО СПЛАЙНА ДЛЯ ОПИСАНИЯ ГЕОМЕТРИЧЕСКИХ ОБЪЕКТОВ

Введение. При численном решении пространственных нестационарных задач теории термоупругопластичности как с использованием конечно-элементной модели, так и при конечно-разностном подходе представления исходного тела сложной формы возникает задача, связанная с аппроксимацией частных производных первого и второго порядка от искомых функций [2,3]. Предлагается решать ее при помощи похода, основанного на использовании для описания сложных геометрических объектов специально разработанных двухмерных кубических сплайнов.

Построение нормированного двухмерных кубических сплайна. Пусть в ортогональной криволинейной системе координат α, β задана точка $A(\alpha_i, \beta_j)$. Тогда для интерполяции некоторой функции $W(\alpha, \beta)$ в ее окрестности будем использовать такой полином

$$W(\alpha, \beta) = \sum_{m=0}^3 \sum_{n=0}^3 L_{mn}^{ij} (\alpha - \alpha_i)^m (\beta - \beta_j)^n. \quad (1)$$

В работе реализован вариант, когда значения искомых функций определялись на равномерной сетке. Представленная поверхность симметрична относительно осей координат и состоит из шестнадцати «склеенных» частей трех типов А, В, С.

Для угловых областей А (рисунок 1) исходя из условий в вершинах квадрата $A(0;0), B(0;1), C(1;0), D(1;1)$ вида

$$S_{2D}(0;0) = 0, \quad \frac{\partial S_{2D}(0;0)}{\partial \xi} = 0, \quad \frac{\partial S_{2D}(0;0)}{\partial \eta} = 0,$$

© П.А.Стеблянко, 2006

$$S_{2D}(0;1) = 0, \frac{\partial S_{2D}(0;1)}{\partial \xi} = 0, \frac{\partial S_{2D}(0;1)}{\partial \eta} = 0, S_{2D}(1;0) = 0, \frac{\partial S_{2D}(1;0)}{\partial \xi} = 0, \\ \frac{\partial S_{2D}(1;0)}{\partial \eta} = 0, S_{2D}(1;1) = W_D, \frac{\partial S_{2D}(1;1)}{\partial \xi} = W'_{D1}, \frac{\partial S_{2D}(1;1)}{\partial \eta} = W'_{D2},$$

из условий нормировки сплайна, условий непрерывности значений сплайна и его первых производных получено такое выражение

$$S_A(\xi; \eta) = L_A^{33} \xi^3 \eta^3 + L_A^{32} \xi^3 \eta^2 + L_A^{23} \xi^2 \eta^3 + L_A^{22} \xi^2 \eta^2. \quad (2)$$

Для областей B (рисунок 2) соседних с A и расположенных на границе исходя из условий в вершинах квадрата $C(0;0), D(0;1), E(1;0), F(1;1)$ вида

$$S_{2D}(0;0) = 0, \frac{\partial S_{2D}(0;0)}{\partial \xi} = 0, \frac{\partial S_{2D}(0;0)}{\partial \eta} = 0, S_{2D}(0;1) = W_D, \\ \frac{\partial S_{2D}(0;1)}{\partial \xi} = W'_{D1}, \frac{\partial S_{2D}(0;1)}{\partial \eta} = W'_{D2}, S_{2D}(1;0) = 0, \frac{\partial S_{2D}(1;0)}{\partial \xi} = 0, \\ \frac{\partial S_{2D}(1;0)}{\partial \eta} = 0, S_{2D}(1;1) = W_F, \frac{\partial S_{2D}(1;1)}{\partial \xi} = 0, \frac{\partial S_{2D}(1;1)}{\partial \eta} = W'_{F2},$$

условий нормировки сплайна, условий непрерывности значений сплайна и его первых производных получено выражение

$$S_B(\xi; \eta) = L_B^{33} \xi^3 \eta^3 + L_B^{32} \xi^3 \eta^2 + L_B^{23} \xi^2 \eta^3 + L_B^{22} \xi^2 \eta^2 + L_B^{13} \xi \eta^3 + L_B^{12} \xi \eta^2 + L_B^{03} \eta^3 + L_B^{02} \eta^2 \quad (3)$$

Для центральных областей C (рисунок 3) исходя из условий в вершинах квадрата $D(0;0), N(0;1), F(1;0), M(1;1)$ вида

$$S_{2D}(0;0) = W_D, \frac{\partial S_{2D}(0;0)}{\partial \xi} = W'_{D1}, \frac{\partial S_{2D}(0;0)}{\partial \eta} = W'_{D2}, S_{2D}(0;1) = W_N, \\ \frac{\partial S_{2D}(0;1)}{\partial \xi} = W'_{N1}, \frac{\partial S_{2D}(0;1)}{\partial \eta} = 0, S_{2D}(1;0) = W_F, \frac{\partial S_{2D}(1;0)}{\partial \xi} = 0, \\ \frac{\partial S_{2D}(1;0)}{\partial \eta} = W'_{F2}, S_{2D}(1;1) = W_M, \frac{\partial S_{2D}(1;1)}{\partial \xi} = 0, \frac{\partial S_{2D}(1;1)}{\partial \eta} = 0,$$

условий нормировки сплайна, условий непрерывности значений сплайна и его первых производных получено

$$S_C(\xi; \eta) = \xi^3 [L_C^{33} \eta^3 + L_C^{32} \eta^2 + L_C^{31} \eta + L_C^{30}] + \xi^2 [L_C^{23} \eta^3 + L_C^{22} \eta^2 + L_C^{21} \eta + L_C^{20}] + \\ + \xi [L_C^{13} \eta^3 + L_C^{12} \eta^2 + L_C^{11} \eta + L_C^{10}] + L_C^{03} \eta^3 + L_C^{02} \eta^2 + L_C^{01} \eta + L_C^{00}. \quad (4)$$

Склейка поверхностей (2)-(4) производилась по 16 областям.

В общем случае можно записать выражение для двухмерного кубического сплайна:

$$S_{2D}(x; y) = \left\{ \begin{array}{l} \sum_{k=2}^3 \sum_{n=2}^3 L_A^{kn} \xi^k \eta^n, \text{ где} \left\{ \begin{array}{l} \xi = x+2, \eta = y+2, \quad x \in [-2; -1], y \in [-2; -1], (A), \\ \xi = 2-y, \eta = x+2, \quad x \in [-2; -1], y \in [1; 2], \quad (A_1), \\ \xi = -x+2, \eta = -y+2, \quad x \in [1; 2], y \in [1; 2], \quad (A_2), \\ \xi = y+2, \eta = -x+2, \quad x \in [1; 2], y \in [-2; -1], (A_3), \end{array} \right. \\ \\ \sum_{k=0}^3 \sum_{n=2}^3 L_B^{kn} \xi^k \eta^n, \text{ где} \left\{ \begin{array}{l} \xi = x+1, \eta = y+2, \quad x \in [-1; 0], y \in [-2; -1], (B), \\ \xi = y+1, \eta = x+2, \quad x \in [-2; -1], y \in [-1; 0], (B_1), \\ \xi = 1-y, \eta = x+2, \quad x \in [-2; -1], y \in [0; 1], (B_2), \\ \xi = x+1, \eta = 2-y, \quad x \in [-1; 0], y \in [1; 2], (B_3), \\ \xi = -x+1, \eta = -y+2, \quad x \in [0; 1], y \in [1; 2], (B_4), \\ \xi = -y+1, \eta = -x+2, \quad x \in [1; 2], y \in [0; 1], (B_5), \\ \xi = y+1, \eta = -x+2, \quad x \in [1; 2], y \in [-1; 0], (B_6), \\ \xi = -x+1, \eta = y+2, \quad x \in [0; 1], y \in [-2; -1], (B_7), \end{array} \right. \\ \\ \sum_{k=0}^3 \sum_{n=0}^3 L_C^{kn} \xi^k \eta^n, \text{ где} \left\{ \begin{array}{l} \xi = x+1, \eta = y+1, \quad x \in [-1; 0], y \in [-1; 0], (C), \\ \xi = 1-y, \eta = x+1, \quad x \in [-1; 0], y \in [0; 1], (C_1), \\ \xi = -x+1, \eta = -y+1, \quad x \in [0; 1], y \in [0; 1], (C_2), \\ \xi = y+1, \eta = -x+1, \quad x \in [0; 1], y \in [-1; 0], (C_3). \end{array} \right. \end{array} \right. \quad (5)$$

При помощи непосредственной проверки можно убедиться в том, что в сечениях $x = 0$, $y = 0$ формула (5) дает известное выражение для нормированного одномерного кубического В-сплайна [1, 2].

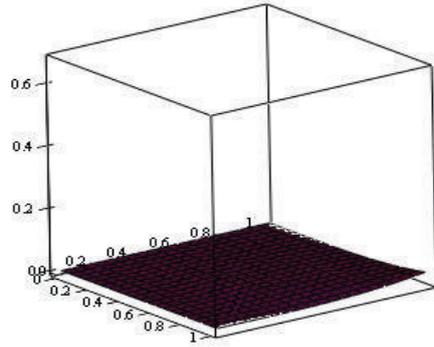


Рис.1

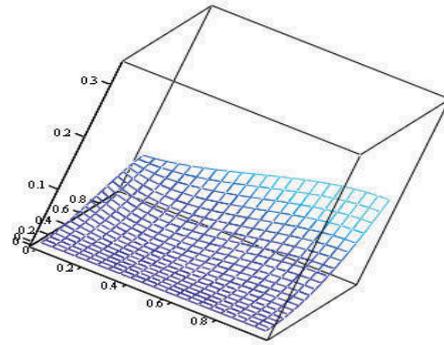


Рис.2

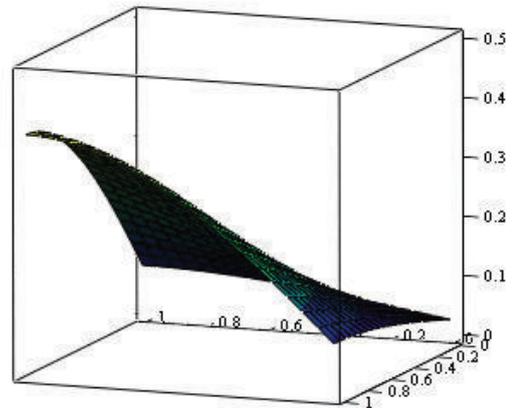
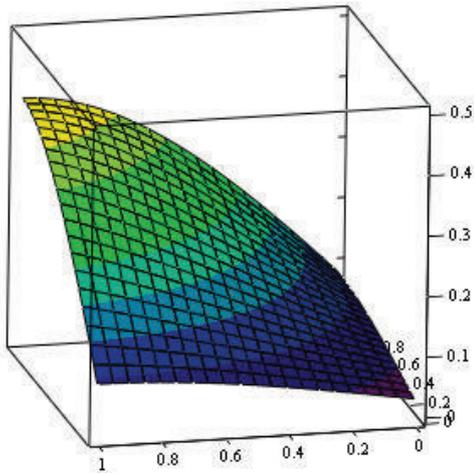


Рисунок 3

Расчетная формула. В общем случае сложная геометрическая поверхность может быть описана при помощи линейной комбинации двумерных кубических В-сплайнов (5)

$$W_m(x; y) = \sum_{l=1}^2 \sum_{n=1}^2 b_{i+l, j+n} S_{2D}(x; y). \quad (6)$$

При этом неизвестными являются коэффициенты $b_{i+l, j+n}$ при двумерных сплайнах (6). Они определяются из системы шестнадцати уравнений, которая сама записывается при помощи выражения (6) на основании данных в узлах (x_{i+r}, y_{j+q}) , $r, q = 0, 1, 2, 3$.

Выводы. Получено выражение для двумерного кубического В-сплайна, которое может применяться как для аппроксимации дифференциальных операторов полной системы уравнений в частных производных, так и использоваться для получения значений искомых функций с четвертым порядком точности по координатам между узлами пространственной сетки.

ЛИТЕРАТУРА

1. Завьялов Ю.С., Квасов Б.И., Мирошниченко В.Л. Методы сплайн-функций. – М.: Наука, 1980. – 352 с.
2. Стеблянюк П.А. Методы расщепления в пространственных задачах теории пластичности. – Киев: Наукова думка, 1998. – 304 с.
3. Стеблянюк П.А. Методы решения нестационарных задач теории пластичности. - Тверь: Приз, 1999. – 424 с.

Получено 16.03.2006 г.

УДК 515.2, 378.147

Р.І.Таранова, І.П.Тарас

**ДОСВІД ПРОВЕДЕННЯ ЕКЗАМЕНАЦІЙНОГО
ТЕСТУВАННЯ НА КАФЕДРІ ІНЖЕНЕРНОЇ ТА
КОМП'ЮТЕРНОЇ ГРАФІКИ ІФНТУНГ**

Постановка проблеми. Приєднання України до Болонського процесу потребує зміни традиційних підходів до навчального процесу: впровадження кредитно-модульної системи, модернізації контролю знань студентів. Одним з напрямків може бути введення тестування.

Аналіз останніх досліджень і публікацій. Питання управління процесом підготовки спеціалістів розглядається багатьма вченими в галузі як педагогіки, так і спеціальних дисциплін. Особлива увага приділяється підсумковому контролю. При цьому відмічається можливість проведення його у вигляді тестування [1]. Але питанню підсумкового тестового контролю з конкретних дисциплін, особливо таких специфічних як нарисна геометрія, приділяється в літературі не достатньо уваги.

Формулювання цілей статті. Метою даної статті є розглянути здобутий досвід в проведенні підсумкового контролю знань студентів з графічних дисциплін за допомогою тестування.

Основна частина. *Мета і завдання контролю знань.* Завдання будь-якого іспиту, також і з нарисної геометрії, оцінити досягнута чи ні мета вивчення даного курсу відповідно до програми. В оцінку входить виявлення рівня засвоєння теоретичних знань, а також умінь і навичок, якими повинен оволодіти студент при вивченні курсу. У нарисній геометрії це вміння й навички рішення задач просторового характеру на плоскому комплексному кресленні графічними методами, яким в певній мері властивий формалізм.

© Р.І.Таранова, І.П.Тарас, 2006